

6 Potenzieren

6.1 Einführung

Wenn bei einer Multiplikation lauter gleiche Faktoren auftreten, so wird dafür meistens die Potenzschreibweise gewählt.

$$\underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n\text{-Faktoren}} = \underbrace{a^n}_{\text{Potenzwert}}$$

a: Basis oder Grundzahl, $a \in \mathbf{R}$
n: Exponent oder Hochzahl, $n \in \mathbf{N}^* = \{1, 2, 3, \dots\}$

Es ist $a^1 = a$, $a^2 = a \cdot a$, $a^3 = a \cdot a \cdot a$, ...

Basis der Potenz ist 0

Ist die Basis a einer Potenz a^n die 0, ist das zugehörige Produkt ebenfalls 0.

$$0^n = 0 \cdot 0 \cdot 0 \cdot \dots \cdot 0 = 0$$

Basis der Potenz ist 1

Ist die Basis a einer Potenz a^n die 1, ist das zugehörige Produkt ebenfalls 1.

$$1^n = 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot \dots \cdot 1 = 1$$

Das Vorzeichen beim Potenzieren

Bei positiver Basis ist der Wert der Potenz immer positiv.

$$(+a)^n = +a^n$$

z. B. $(+2)^2 = (+2) \cdot (+2) = +2^2 = +4$
 z. B. $(+2)^3 = (+2) \cdot (+2) \cdot (+2) = +2^3 = +8$

Bei negativer Basis ist der Wert der Potenz positiv, wenn der **Exponent gerade** ist.

$$(-a)^{2n} = +a^{2n}$$

$n \in \mathbf{N}^* = \{1, 2, 3, \dots\}$
 z. B. $(-2)^4 = (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) = +2^4 = 16$

Bei negativer Basis ist der Wert der Potenz auch negativ, wenn der **Exponent ungerade** ist.

$$(-a)^{2n-1} = -a^{2n-1}$$

$n \in \mathbf{N}^* = \{1, 2, 3, \dots\}$
 z. B. $(-2)^3 = (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) = -2^3 = -8$

Achtung, beachten Sie den Unterschied:

$$-3^2 = -(3 \cdot 3) = -(3^2) = -9$$

$$(-3)^2 = (-3) \cdot (-3) = +9$$

$$\underbrace{2a^3}_{2 \cdot a \cdot a \cdot a} \neq \underbrace{(2a)^3}_{2a \cdot 2a \cdot 2a}$$

6.2 Addition und Subtraktion von Potenzen

Bei der Addition und bei der Subtraktion können **nur Potenzen mit gleicher Basis und gleichem Exponenten** zusammengefasst werden. Dabei werden die Koeffizienten addiert bzw. subtrahiert.

Beispiele

a. $6a^2 + 2a^2 - b^3 + 2b^2 - b^3 = \underline{8a^2 - 2b^3} + 2b^2$

b. $3a^2b - ab^2 + 2a^2b = \underline{5a^2b} - ab^2$

6.3 Multiplikation und Division von Potenzen

Bei der Multiplikation und Division werden zwei Fälle unterschieden. Zum einen können Potenzen gleiche Basen, zum anderen gleiche Exponenten besitzen.

Gleiche Basen – Multiplikation

1. Potenzsatz

Beweis

$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

$$a^5 \cdot a^3 = (a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a) \cdot (a \cdot a \cdot a) = a^{5+3} = a^8$$

Potenzen mit **gleicher Basis** werden **multipliziert**, indem man die Basis unverändert lässt und die **Exponenten addiert**.

Beispiele

Wenden Sie den 1. Potenzsatz an:

1. $a^3 \cdot a \cdot a^2 = ?$

$$a^{3+1+2} = \underline{a^6}$$

2. $(a+b)^2 \cdot (a+b)^3 = ?$

$$(a+b)^{2+3} = \underline{(a+b)^5}$$

3. $2a^2b^3 \cdot 3ab^5 = ?$

$$6a^{2+1}b^{3+5} = \underline{6a^3b^8}$$

4. $a^{5x-y} \cdot a^{x-y} = ?$

$$a^{5x-y+x-y} = \underline{a^{6x-2y}}$$

5. $10^6 \cdot 10^1 \cdot 1'000 = ?$

$$10^6 \cdot 10^1 \cdot 10^3 = \underline{10^{10}}$$

Gleiche Basen – Division

2. Potenzsatz

Beweis

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

$$\frac{a^5}{a^3} = \frac{a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a}{a \cdot a \cdot a} = a \cdot a = a^{5-3} = a^2$$

Potenzen mit **gleicher Basis** werden **dividiert**, indem man die Basis unverändert lässt und die Exponenten **subtrahiert**.

Beispiele

Wenden Sie den 2. Potenzsatz an:

1. $x^7 : x^5 = ?$

$$x^{7-5} = \underline{x^2}$$

2. $\frac{a^{n+1} \cdot c^x}{a^n \cdot c^{x-1}} = ?$

$$a^{n+1-n} \cdot c^{x-(x-1)} = a^{n+1-n} \cdot c^{x-x+1} = \underline{ac}$$

3. $10^3 : 10^{-5} = ?$

$$10^{3-(-5)} = 10^{3+5} = \underline{10^8}$$

4. $\frac{12x^{-n}y^{2n}}{4x^{-(n+1)}y^{-4n}} = ?$

$$3x^{-n-[-(n+1)]}y^{2n-(-4n)} = 3x^{-n-[-n-1]}y^{2n+4n} = 3x^{-n+n+1}y^{2n+4n} = \underline{3xy^{6n}}$$

Luzern, alte BM-Prüfung (analog Nummer 4 oben)

5. $[12x^{-n}y^{2n} + 16x^{2-n}y^{4n} - 20x^{-(n-2)}y^{-2n}] : [4x^{-(n+1)}y^{-4n}] = ?$

schrittweise zeigen!

$$3x^{-n-[-(n+1)]}y^{2n-(-4n)} + 4x^{2-n-[-(n+1)]}y^{4n-(-4n)} - 5x^{-n+2-[-(n+1)]}y^{-2n-(-4n)} =$$

$$3x^{-n-[-n-1]}y^{2n+4n} + 4x^{2-n-[-n-1]}y^{4n+4n} - 5x^{-n+2-[-n-1]}y^{-2n+4n} =$$

$$3x^{-n+n+1}y^{6n} + 4x^{2-n+n+1}y^{8n} - 5x^{-n+2+n+1}y^{2n} =$$

$$\underline{3xy^{6n} + 4x^3y^{8n} - 5x^3y^{2n}} = \underline{xy^{2n}(3y^{4n} + 4x^2y^{6n} - 5x^2)}$$

Schwierigkeit Nr. 1

$$\frac{a^3}{a^3} = \frac{a \cdot a \cdot a}{a \cdot a \cdot a} = 1$$

mit der Formel (2. Potenzsatz) erhält man:

$$\frac{a^3}{a^3} = a^{3-3} = a^0$$

Dieses Problem lässt sich nur aus der Welt schaffen, indem man festsetzt (definiert):

$$a^0 = 1$$

gilt für $a \neq 0$, der Ausdruck 0^0 ist **nicht** definiert!

Schwierigkeit Nr. 2

$$\frac{a^3}{a^5} = \frac{a \cdot a \cdot a}{a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a} = \frac{1}{a^2}$$

mit der Formel (2. Potenzsatz) erhält man:

$$\frac{a^3}{a^5} = a^{3-5} = a^{-2}$$

Dieses Problem lässt sich nur aus der Welt schaffen, indem man festsetzt (definiert):

$$\frac{1}{a^2} = a^{-2}$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

gilt für $a \neq 0$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \frac{a^{-n}}{b^{-n}} = \frac{\frac{1}{a^n}}{\frac{1}{b^n}} = \frac{b^n}{a^n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$

gilt für $a \neq 0, b \neq 0$

andere Beweisführung für Schwierigkeit Nr. 2 (über $a^0 = 1$):

$$\frac{1}{a^n} = \frac{a^0}{a^n} = a^{0-n} = a^{-n}$$

Gleiche Exponenten – Multiplikation

3. Potenzsatz

Beweis

$$a^n \cdot b^n = (ab)^n$$

$$a^3 \cdot b^3 = (a \cdot a \cdot a) \cdot (b \cdot b \cdot b) = (ab) \cdot (ab) \cdot (ab) = (ab)^3$$

Potenzen mit **gleichen Exponenten** aber ungleichen Basen werden **multipliziert**, indem man die **Basen multipliziert** und den **Exponenten beibehält**.

Beispiele

Wenden Sie den 3. Potenzsatz an:

1. $25^3 \cdot 4^3 = ?$

$$(25 \cdot 4)^3 = \underline{\underline{100^3}}$$

2. $(4xy)^2 \cdot xy^2 = ?$

$$4^2 x^2 y^2 \cdot xy^2 = 16x^{2+1}y^{2+2} = \underline{\underline{16x^3y^4}}$$

3. $(x-2)^m \cdot x^m = ?$

$$[(x-2) \cdot x]^m = \underline{\underline{(x^2-2x)^m}}$$

4. $\left(\frac{4}{3}\right)^m \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{-m} = ?$

$$\left(\frac{4}{3}\right)^m \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^m = \left(\frac{4 \cdot 3}{3 \cdot 2}\right)^m = \underline{\underline{2^m}}$$

5. $(\sqrt{7} - \sqrt{3})^3 \cdot (\sqrt{3} + \sqrt{7})^3 = ?$

$$[(\sqrt{7} - \sqrt{3})(\sqrt{7} + \sqrt{3})]^3 = (7-3)^3 = \underline{\underline{4^3}} = \underline{\underline{64}}$$

Gleiche Exponenten – Division

4. Potenzsatz

Beweis

$$\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$$

$$\frac{a^3}{b^3} = \frac{a \cdot a \cdot a}{b \cdot b \cdot b} = \left(\frac{a}{b}\right) \cdot \left(\frac{a}{b}\right) \cdot \left(\frac{a}{b}\right) = \left(\frac{a}{b}\right)^3$$

Potenzen mit **gleichen Exponenten** aber ungleichen Basen werden **dividiert**, indem man die **Basen dividiert** und den **Exponenten beibehält**.

Beispiele

Wenden Sie den 4. Potenzsatz an:

1. $24^4 : 6^4 = ?$

$$(24 : 6)^4 = 4^4 = \underline{\underline{256}}$$

2. $\frac{(-a)^3}{(-b)^3} = ?$

$$\left(\frac{-a}{-b}\right)^3 = \underline{\underline{\left(\frac{a}{b}\right)^3}}$$

3. $\frac{(4x)^n}{x^n} = ?$

$$\left(\frac{4x}{x}\right)^n = \underline{\underline{4^n}}$$

4. $\frac{8x^3}{27y^3} = ?$

$$\frac{2^3 x^3}{3^3 y^3} = \underline{\underline{\left(\frac{2x}{3y}\right)^3}}$$

5. $\frac{(a^2 - b^2)^3}{(a + b)^3} = ?$

$$\left[\frac{(a-b)(a+b)}{(a+b)}\right]^3 = \underline{\underline{(a-b)^3}}$$

6. $\frac{(9a^2 - 16b^2)^{2n}}{(3a - 4b)^{2n}} = ?$

$$\left[\frac{(3a-4b)(3a+4b)}{(3a-4b)}\right]^{2n} = \underline{\underline{(3a+4b)^{2n}}}$$

6.4 Potenzieren von Potenzen

5. Potenzsatz

Beweis

$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

$$(a^3)^2 = (a \cdot a \cdot a)^2 = (a \cdot a \cdot a) \cdot (a \cdot a \cdot a) = a^{3 \cdot 2} = a^6$$

Hinweis: $a^{3 \cdot 2} = a^{2 \cdot 3}$, somit gilt: $(a^3)^2 = (a^2)^3$

Potenzen werden **potenziert**, indem man die **Exponenten multipliziert**.

Beispiele

Wenden Sie den 5. Potenzsatz an:

1. $(a^3)^{-3} = ?$

$$\underline{\underline{a^{-9}}}$$

2. $\left(\frac{3a^2}{2b^3}\right)^3 = ?$

$$\frac{3^3 a^{2 \cdot 3}}{2^3 b^{3 \cdot 3}} = \underline{\underline{\frac{27a^6}{8b^9}}}$$

3. $a^{2^3} = ?$

$$a^{2 \cdot 2 \cdot 2} = \underline{\underline{a^8}}$$

4. $(a^2)^3 = ?$

$$a^2 \cdot a^2 \cdot a^2 = a^{2+2+2} = \underline{\underline{a^6}}$$

5. $\left[(a^{-2})^3\right]^2 = ?$

$$(a^{-2 \cdot 3})^2 = (a^{-6})^2 = \underline{\underline{\frac{1}{a^{12}}}}$$

6. $\left[2(-x)^{-2}\right]^{-3} = ?$

$$\left[2(-x)^{\overbrace{-2}^{\text{gerade}}}\right]^{-3} = \left[2\left(\frac{1}{x^2}\right)\right]^{-3} = 2^{-3} \frac{1}{x^{-6}} = \frac{x^6}{2^3} = \underline{\underline{\frac{x^6}{8}}}$$

Detail: $(-x)^{-2} = \frac{1}{(-x)^2} = \frac{1}{x^2}$

Resultat positiv, weil der Exponent -2 gerade ist!

7. $(-2)^5 \left[-(4x^{-2})^{-1}\right]^3 = ?$

$$-32 \left[-\left(\frac{x^2}{4}\right)^{-1}\right]^3 = -32 \left[-\frac{x^6}{4^3}\right] = \frac{32 \cdot x^6}{64} = \underline{\underline{\frac{x^6}{2}}}$$

8. $- \left[4 \left(-\frac{x}{2} \right)^3 \right]^2 = ?$

$$- \left[4^2 \left(-\frac{x}{2} \right)^6 \right] = - \frac{16x^6}{2^6} = - \frac{16x^6}{64} = - \frac{x^6}{4}$$

9. $\left[2(a^3x^4)^2 \right]^3 = ?$

$$2^3 (a^3x^4)^6 = \underline{\underline{2^3 a^{18} x^{24}}} = \underline{\underline{8a^{18} x^{24}}}$$

10. $\left[\left(-\frac{x}{2} \right)^{-3} \right]^2 = ?$

$$\left(-\frac{x}{2} \right)^{-6} = \frac{x^{-6}}{2^{-6}} = \frac{2^6}{x^6} \text{ od. } \left(-\frac{x}{2} \right)^{-6} = \frac{1}{\left(-\frac{x}{2} \right)^6} = \frac{1}{\frac{x^6}{2^6}} = \frac{2^6}{x^6}$$

11. $\frac{2^{38} \cdot 5^{38}}{10^{72}} = ?$

$$\frac{(2 \cdot 5)^{38}}{10^{72}} = \frac{10^{38}}{10^{72}} = 10^{38-72} = \underline{\underline{10^{-34}}} = \underline{\underline{\frac{1}{10^{34}}}}$$

12. $\frac{3^{102} \cdot 4^{102}}{2^{100} \cdot 6 \cdot 6^{99}} = ?$

$$\frac{(3 \cdot 4)^{102}}{2^{100} \cdot (6)^{1+99}} = \frac{12^{102}}{(2 \cdot 6)^{100}} = 12^{102-100} = \underline{\underline{12^2}} = \underline{\underline{144}}$$

6.5 Potenzen im Überblick

Definition Potenz:

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n\text{-Faktoren}}$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$$

$$(n \in \mathbf{N} \text{ und } a \in \mathbf{R})$$

Sonderfälle:

$$a^1 = a$$

$$a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$$

0^0 ist nicht definiert

Rechenregeln:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

$$a^m : a^n = a^{m-n} \quad (a \neq 0)$$

$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

$$a^n \cdot b^n = (ab)^n$$

$$a^n : b^n = (a:b)^n \quad (a \neq 0)$$

$$(n, m \in \mathbf{Z} \text{ und } a, b \in \mathbf{R})$$

6.6 Übungen

Wenden Sie die Potenzgesetze an:

$$1. \quad (b^3)^4 = \underline{\underline{b^{12}}}$$

$$2. \quad (n^x)^2 = \underline{\underline{n^{2x}}}$$

$$3. \quad \left(\frac{3}{5}\right)^{-3} \cdot \left(\frac{4}{7}\right)^{-3} \cdot \left(2\frac{1}{2}\right)^{-3} = \frac{(3 \cdot 4 \cdot 5)^{-3}}{(5 \cdot 7 \cdot 2)^{-3}} = \frac{(5 \cdot 7 \cdot 2)^3}{(3 \cdot 4 \cdot 5)^3} = \frac{70^3}{60^3} = \left(\frac{7}{6}\right)^3 = \underline{\underline{\frac{343}{216}}}$$

$$4. \quad (-x^{-2})^3 = \underline{\underline{-x^{-6}}} = \underline{\underline{-\frac{1}{x^6}}}$$

$$5. \quad \left(\frac{1}{27}\right)^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{\frac{1}{27}} = \underline{\underline{\frac{1}{3}}}$$

$$6. \quad \left[-\left(-\frac{x^2}{2}\right)^3\right]^{-1} = \left[-\left(-\frac{x^6}{2^3}\right)\right]^{-1} = \left(\frac{x^6}{2^3}\right)^{-1} = \frac{2^3}{x^6} = \underline{\underline{\frac{8}{x^6}}}$$

$$7. \quad \left[\left(-\frac{1}{2}\right)^{-2}\right]^{-3} = \left(-\frac{1}{2}\right)^6 = \frac{1}{2^6} = \underline{\underline{\frac{1}{64}}}$$

$$8. \quad (a^{n-1})^3 = a^{3(n-1)} = \underline{\underline{a^{3n-3}}}$$

$$9. \quad \left(\frac{a^2}{x^3}\right)^{-2} \cdot \left(\frac{2x^2}{5a^3}\right)^{-1} \cdot 2ax^{-4} = \frac{a^{-4} \cdot 2^{-1} \cdot x^{-2} \cdot 2 \cdot a \cdot x^{-4}}{x^{-6} \cdot 5^{-1} \cdot a^{-3}} = a^{-4+3+1} \cdot x^{-2+6-4} \cdot 2^{-1+1} \cdot 5^{0+1} = \underline{\underline{5}}$$

$$10. \quad (3ax^3)^7 = 3^7 \cdot a^7 \cdot x^{21} = \underline{\underline{2187a^7x^{21}}}$$

$$11. \quad (b^x)^{-n} = \underline{\underline{b^{-nx}}}$$

$$12. \quad \left(\frac{a^0 \cdot b^2}{c^0}\right)^{2x} = (b^2)^{2x} = \underline{\underline{b^{4x}}}$$

$$13. \quad \left[(x^2)^3\right]^5 = x^{2 \cdot 3 \cdot 5} = \underline{\underline{x^{30}}}$$

$$14. \quad \left(\frac{2a^4}{3b^5}\right)^3 \cdot \left(\frac{b^2}{a^2}\right)^2 : \left(\frac{2a}{3b}\right)^3 = \frac{2^3 \cdot a^{12}}{3^3 \cdot b^{15}} \cdot \frac{b^4}{a^4} \cdot \frac{3^3 \cdot b^3}{2^3 \cdot a^3} = a^{12-4-3} \cdot b^{4+3-15} = a^5 \cdot b^{-8} = \frac{a^5}{\underline{\underline{b^8}}}$$

$$15. \quad \frac{[(5a)^x]^{3b}}{(5a)^{2bx} \cdot (4c)^{bx}} = \frac{(5a)^{3bx}}{(5a)^{2bx} \cdot (4c)^{bx}} = \frac{(5a)^{3bx-2bx}}{(4c)^{bx}} = \frac{(5a)^{bx}}{(4c)^{bx}} = \underline{\underline{\left(\frac{5a}{4c}\right)^{bx}}}$$

$$16. \quad 7 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^2 - 10 \cdot \left(\frac{3}{5}\right)^2 + 27 \cdot \left(-\frac{1}{3}\right)^3 - 36 \cdot \left(\frac{5}{6}\right)^3 = 7 \cdot \frac{9}{16} - 10 \cdot \frac{9}{25} + 27 \cdot \left(-\frac{1}{27}\right) - 36 \cdot \left(\frac{125}{216}\right) = \\ = 7 \cdot \frac{9}{16} - 10 \cdot \frac{9}{25} + 27 \cdot \left(-\frac{1}{27}\right) - 36 \cdot \left(\frac{125}{216}\right) = \frac{63}{16} - \frac{18}{5} - 1 - \frac{125}{6} = \underline{\underline{-21\frac{119}{240}}}$$

$$17. \quad n^{6x+a} \cdot n^{2x-2a} = n^{6x+a+2x-2a} = \underline{\underline{n^{8x-a}}}$$

$$18. \quad (a+b)^{2a-3} \cdot (a+b)^{4a+6} = (a+b)^{2a-3+4a+6} = \underline{\underline{(a+b)^{6a+3}}}$$

$$19. \quad b^{a-n} \cdot b^{a+n} = b^{a-n+a+n} = \underline{\underline{b^{2a}}}$$

$$20. \quad 2 \cdot (n+x)^{4-3a} \cdot 3 \cdot (n+x)^{3+a} - 4 \cdot (n+x)^7 \cdot 3 \cdot (n+x)^{-2a} = \\ 6 \cdot (n+x)^{4-3a+3+a} - 12 \cdot (n+x)^{7-2a} = 6 \cdot (n+x)^{7-2a} - 12 \cdot (n+x)^{7-2a} = \underline{\underline{-6 \cdot (n+x)^{7-2a}}}$$

$$21. \quad \frac{n^4}{x^3} \div \frac{n^5 b^2}{cx^5} = \frac{n^4}{x^3} \cdot \frac{cx^5}{n^5 b^2} = n^{4-5} \cdot c \cdot x^{5-3} \cdot b^{0-2} = n^{-1} \cdot c \cdot x^2 \cdot b^{-2} = \underline{\underline{\frac{c \cdot x^2}{n \cdot b^2}}}$$

$$22. \quad \frac{3a^3 b^2}{4n^2 d^6} \cdot \frac{3a^{-4} b^3}{d^3 n^2} = \frac{9 \cdot a^{3-4} \cdot b^{2+3}}{4 \cdot n^{-2+2} \cdot d^{6+3}} = \frac{9 \cdot a^{-1} \cdot b^5}{4 \cdot d^9} = \underline{\underline{\frac{9b^5}{4ad^9}}}$$

$$23. \quad \frac{4a^2 b^{-6}}{d^2 c^{-4}} \div \frac{12a^3 b^{-8}}{d^3 c^3} = \frac{4a^2 b^{-6}}{d^2 c^{-4}} \cdot \frac{d^3 c^3}{12a^3 b^{-8}} = \frac{a^{2-3} \cdot b^{-6+8} \cdot c^{3+4} \cdot d^{3-2}}{3} = \underline{\underline{\frac{b^2 \cdot c^7 \cdot d}{3a}}}$$

$$24. \quad (a^3)^2 = \underline{\underline{a^6}}$$

$$25. \quad (a^{-2} + b^{-3})^{-2} = \left(\frac{1}{a^{-2} + b^{-3}}\right)^2 = \frac{1}{\underline{\underline{a^{-4} + 2a^{-2} \cdot b^{-3} + b^{-6}}}} \quad \text{oder} \quad \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^3}\right)^{-2} = \underline{\underline{\left(\frac{a^2 \cdot b^3}{a^2 + b^3}\right)^2}}$$

$$26. \quad \left[(n^2 x^3)^2\right]^{-2} = (n^4 x^6)^{-2} = \underline{\underline{n^{-8} x^{-12}}}$$

6.7 Exponentenschreibweise

In Naturwissenschaft und Technik kommen oft sehr grosse oder sehr kleine Zahlen vor. Zum Beispiel ist die Sonne ungefähr 150000000000 m (Meter) von der Erde entfernt oder ein Elektron trägt die elektrische Ladung von ungefähr 0.00000000000000000016 C (Coulomb) oder rotes Licht hat eine Wellenlänge von 0.00000063 m (Meter). Dies sind sehr unhandliche Zahlen. Deshalb notiert man diese Werte üblicherweise in der wissenschaftlichen Schreibweise oder Exponentenschreibweise. So betragen der Abstand zur Sonne $1.5 \cdot 10^{11}$ m, die Elektronenladung $1.6 \cdot 10^{-19}$ C oder die Wellenlänge von rotem Licht $6.3 \cdot 10^{-7}$ m.

Weiter ist es bei nicht allzu grossen Exponenten üblich, die Zehnerpotenz in einer Vorsilbe (Vorsatz) zu integrieren. So ist der Abstand zur Sonne $150 \cdot 10^9$ m = 150 Gm (=Gigameter) oder die Wellenlänge von rotem Licht $630 \cdot 10^{-9}$ = 630 nm (=Nanometer).

Die gebräuchlichen Vorsilben sind in der nachfolgenden Tabelle zusammengestellt.

Für grosse Zahlen:

Faktor	Vorsilbe	Zeichen
10^1	Deka	da
10^2	Hekto	h
10^3	Kilo	k
10^6	Mega	M
10^9	Giga	G
10^{12}	Tera	T
10^{15}	Peta	P
10^{18}	Exa	E

Für kleine Zahlen:

Faktor	Vorsilbe	Zeichen
10^{-1}	Dezi	d
10^{-2}	Zenti	c
10^{-3}	Milli	m
10^{-6}	Mikro	μ
10^{-9}	Nano	n
10^{-12}	Pico	p
10^{-15}	Femto	f
10^{-18}	Atto	a

Teilweise wird zwischen der wissenschaftlichen und der technischen Schreibweise unterschieden. Bei der technischen Notation sind die Exponenten der Zehnerpotenz immer durch drei teilbar.