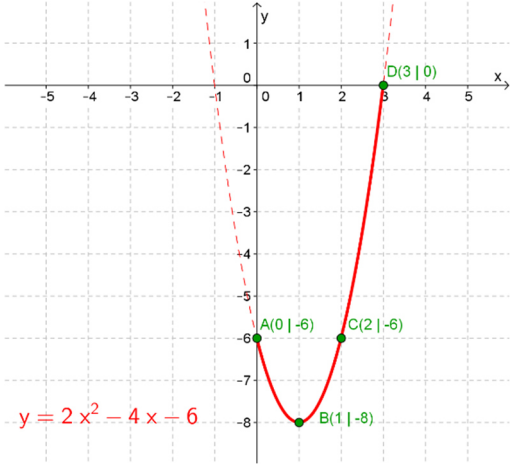
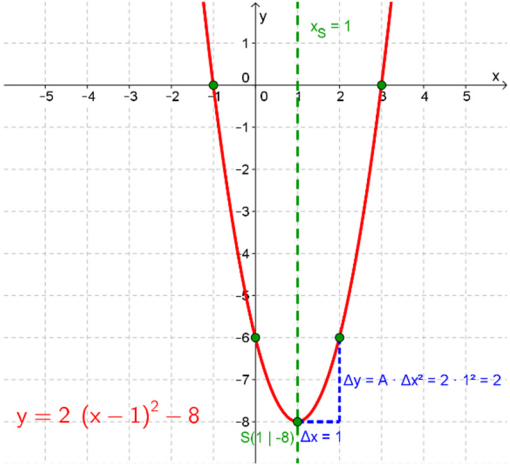
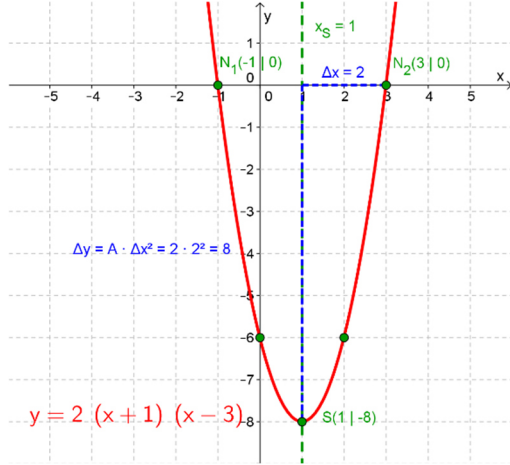
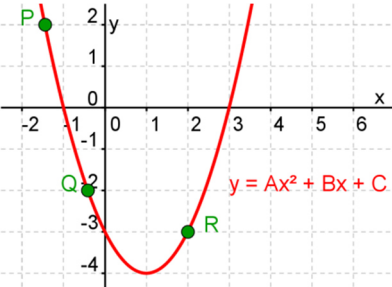
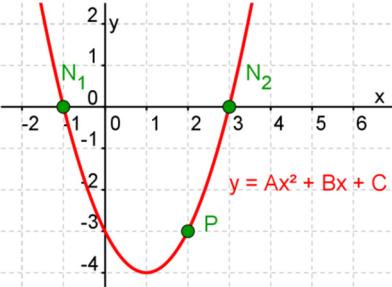
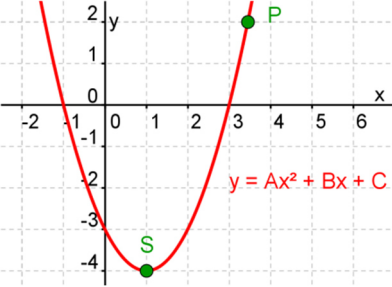


Parabel zeichnen

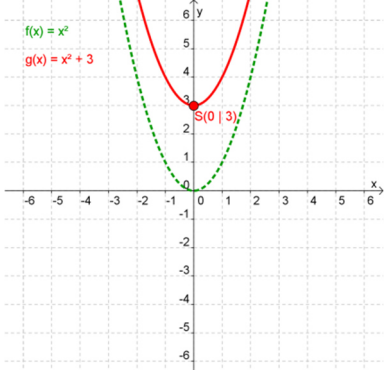
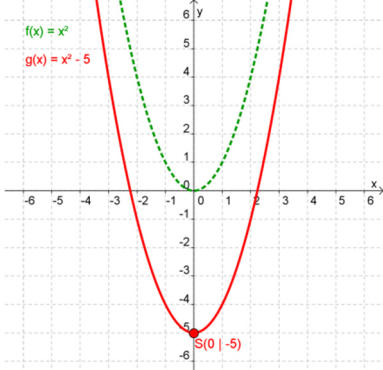
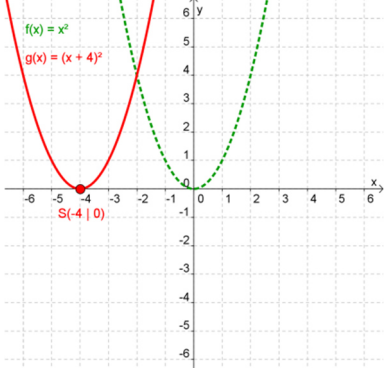
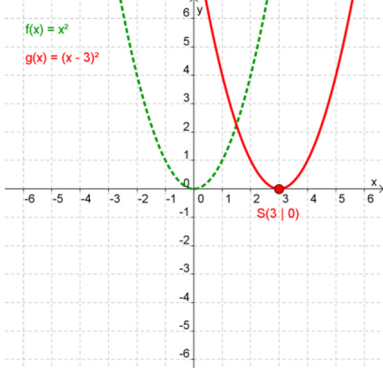
Schritt für Schrittanleitungen unter www.fraengg.ch → Klasse, GeoGebra)

Funktionsgleichung in ABC-Form	Funktionsgleichung in Scheitelform	Funktionsgleichung in Nullstellenform
$y = 2x^2 - 4x - 6$	$y = 2x^2 - 4x - 6$ $y = 2(x^2 - 2x - 3)$ 2 ausklammern $y = 2\left(\underbrace{x^2 - 2x + 1}_{\text{Binom}} - 1 - 3\right)$ quadr. ergänzen $y = 2[(x-1)^2 - 4]$ Binom bilden $y = 2(x-1)^2 - 8$ $S(1 -8), A = 2$	$y = 2x^2 - 4x - 6 = 0 \quad :2$ $x^2 - 2x - 3 = 0$ faktorisieren od. Formel $(x+1)(x-3) = 0 \quad \rightarrow x_1 = -1 \quad \vee \quad x_2 = 3$ $y = 2(x+1)(x-3) \quad N_1(-1 0), N_2(3 0), A = 2$
<p>mit Wertetabelle zeichnen</p> $y(0) = 2 \cdot 0^2 - 4 \cdot 0 - 6 = -6$ $y(1) = 2 \cdot 1^2 - 4 \cdot 1 - 6 = -8$ $y(2) = 2 \cdot 2^2 - 4 \cdot 2 - 6 = -6$ <p>usw.</p>	<p>mit Scheitel S und Streckfaktor A zeichnen</p>	<p>mit Nullstellen und Streckfaktor A zeichnen</p>
 <p>$y = 2x^2 - 4x - 6$</p>	 <p>$y = 2(x-1)^2 - 8$</p>	 <p>$y = 2(x+1)(x-3)$</p>
<p>Vorteil: funktioniert immer Nachteil: aufwendig</p>	<p>Vorteil: funktioniert immer Nachteil: Scheitelform muss hergeleitet werden</p>	<p>Vorteil: schnell, falls Faktorzerlegung funktioniert Nachteil: funktioniert nicht wenn Nullstellen fehlen!</p>

Funktionsgleichung aus Punkten berechnen

gegeben	gesucht: $y = Ax^2 + Bx + C$	Ansatz	Vorgehen/Bemerkungen
<p>drei Punkte $P(x; y)$, $Q(x; y)$ und $R(x; y)$</p>		$y = Ax^2 + Bx + C$	<p>Die x- bzw. y-Koordinaten jedes Punktes in die Funktionsgleichung $y = Ax^2 + Bx + C$ einsetzen. Es entsteht ein Gleichungssystem mit drei Unbekannten. Die Auflösung des Gleichungssystems liefert als Ergebnis die Parameter A, B und C.</p>
<p>die Nullstellen x_1 bzw. x_2 und $P(x; y)$</p>		$y = A \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2)$	<p>Die Nullstellen x_1 bzw. x_2 und die Koordinaten des Punktes P in die Funktionsgleichung $y = A \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2)$ einsetzen. Die Auflösung liefert den Parameter A. Danach den Parameter A und die Nullstellen in die Funktionsgleichung $y = A \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2)$ einsetzen und den Term ausmultiplizieren.</p>
<p>Scheitel $S(x_s; y_s)$ und $P(x; y)$</p>		$y = A \cdot (x - x_s)^2 + y_s$	<p>Die Koordinaten des Scheitels x_s bzw. y_s und die Koordinaten des Punktes P in die Funktionsgleichung $y = A \cdot (x - x_s)^2 + y_s$ einsetzen. Die Auflösung liefert den Parameter A. Danach den Parameter A und die Koordinaten des Scheitels in die Funktionsgleichung $y = A \cdot (x - x_s)^2 + y_s$ einsetzen, den Term ausmultiplizieren und zusammenfassen.</p>

Transformation von Funktionen (siehe Frommenwiler auf den Seiten 163 und 164)

Transformationsregel	Graph (Beispiele)	Bemerkungen
$f(x) = x^2$ $g(x) = f(x) + d$	<div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>$d = 3$</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p>$d = -5$</p>  </div> </div>	<p>Verschiebung um d in y-Richtung $d > 0 \rightarrow$ Verschiebung nach oben $d < 0 \rightarrow$ Verschiebung nach unten</p> <p>Tipp: Kontrolle mit Nullstelle!</p>
$f(x) = x^2$ $g(x) = f(x + b)$	<div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>$b = 4$</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p>$b = -3$</p>  </div> </div>	<p>Achtung! b wird zuerst im Argument addiert, erst danach wird quadriert!</p> <p>Verschiebung um b in x-Richtung $b > 0 \rightarrow$ Verschiebung nach links $b < 0 \rightarrow$ Verschiebung nach rechts</p> <p>Tipp: Kontrolle mit Nullstelle!</p>

Transformationsregel	Graph (Beispiele)	Bemerkung
$f(x) = x^2$ $g(x) = c \cdot f(x)$	<div style="display: flex; flex-wrap: wrap;"> <div style="width: 50%;"> <p style="text-align: center;">$c = 2$</p> </div> <div style="width: 50%;"> <p style="text-align: center;">$c = 1/2$</p> </div> <div style="width: 50%;"> <p style="text-align: center;">$c = -2$</p> </div> <div style="width: 50%;"> <p style="text-align: center;">$c = -1/2$</p> </div> </div>	<p style="text-align: center;">Streckung/ Stauchung um c in y-Richtung</p> <ul style="list-style-type: none"> $c > 1 \rightarrow$ Streckung $0 < c < 1 \rightarrow$ Stauchung $c < -1 \rightarrow$ Streckung/Spiegelung $-1 < c < 0 \rightarrow$ Stauchung/Spiegelung

Wichtig: Die Transformationsregeln lassen sich auf alle Funktionen übertragen!

15 Quadratische Funktionen (Übungen)

15.1 Scheitelform bestimmen (über die Nullstellen)

1. Gegeben sind folgende Funktionen: $y_1 = \frac{1}{4}x^2 + 2x - 3$ und $y_2 = \frac{1}{2}x + 1$
- Berechnen Sie die Nullstellen der beiden Funktionen.
 - Berechnen Sie die Koordinaten des Scheitelpunktes der Parabel.
 - Berechnen Sie die Schnittpunkte der beiden Funktionen.
 - Zeichnen Sie die Graphen der beiden Funktionen in das Koordinatensystem ein.

Geg: $y_1 = \frac{1}{4}x^2 + 2x - 3$, $y_2 = \frac{1}{2}x + 1$

Ges: a. N_1 u. $N_2 : y_1(x) = 0$, $N_3 : y_2(x) = 0$

b. $S = ?$

c. $A = ?$, $B = ?$ (wenn $y_1 = y_2$)

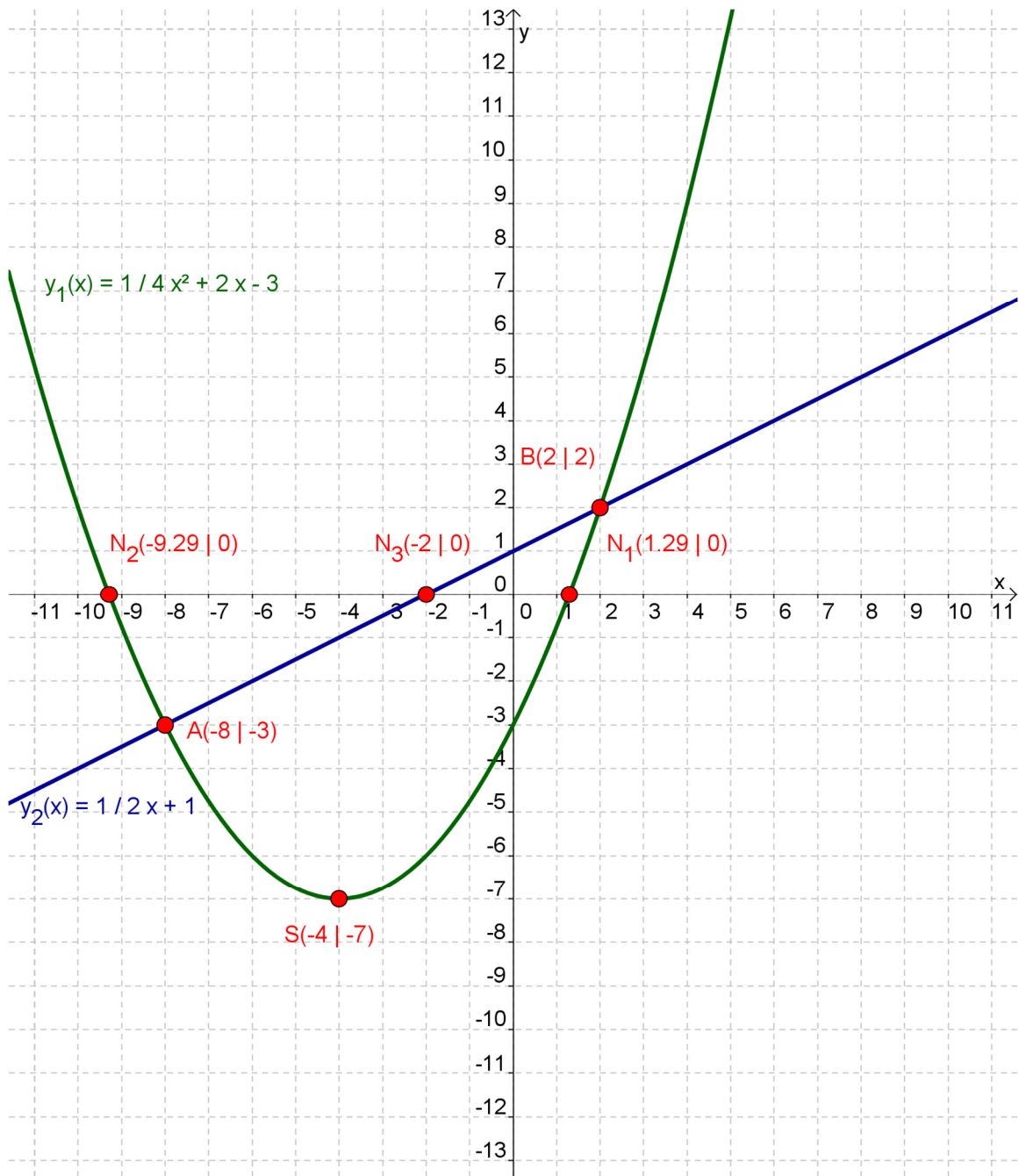
Lösung:

a. $y_1 = \frac{1}{4}x^2 + 2x - 3 = 0 \quad | \cdot 4$
 $x^2 + 8x - 12 = 0$
 $x_{1,2} = \frac{-8 \pm \sqrt{8^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-12)}}{2} = \frac{-8 \pm \sqrt{112}}{2}$
 $x_1 = \underline{1.2915} \quad \vee \quad x_2 = \underline{-9.2915} \quad \underline{N_1(1.2915; 0)}, \quad \underline{N_2(-9.2915; 0)}$
 $y_2 = \frac{1}{2}x + 1 = 0 \rightarrow \frac{1}{2}x = -1$
 $x = \underline{-2} \quad \underline{N_3(-2; 0)}$

b. $x_s = \frac{x_1 + x_2}{2} = \frac{1.2915 - 9.2915}{2} = \underline{-4}$
 $y_s = y_1(x_s) = \frac{1}{4}(-4)^2 + 2(-4) - 3 = \underline{-7} \quad \underline{S(-4; -7)}$

c. $y_1 = y_2 \rightarrow \frac{1}{4}x^2 + 2x - 3 = \frac{1}{2}x + 1 \quad | \cdot 4$
 $x^2 + 8x - 12 = 2x + 4 \quad | -2x \quad | -4$
 $x^2 + 6x - 16 = 0 = (x + 8) \cdot (x - 2)$
 $x_1 = \underline{-8} \quad \vee \quad x_2 = \underline{2} \quad \underline{A(-8; -3)}, \quad \underline{B(2; 2)}$

Koordinatensystem für Aufgabe 1:



15.2 Scheitelform einer Parabel ist durch drei Punkte bestimmt (A, x_s und y_s)

2. Berechnen Sie x_s und y_s so, dass der Graph von $y = (x - x_s)^2 + y_s$ durch die Punkte P (-3 | 5) und Q (5 | 5) geht.

Variante 1 mit Gleichungssystem, P bzw. Q in Scheitelform einsetzen:

Geg: P(-3|5), Q(5|5), $y = (x - x_s)^2 + y_s$

Ges: $x_s = ?$, $y_s = ?$

Lösung:

P eingesetzt: $5 = (-3 - x_s)^2 + y_s \rightarrow 5 = 9 + 6x_s + x_s^2 + y_s$ (1)

Q eingesetzt: $5 = (5 - x_s)^2 + y_s \rightarrow 5 = 25 - 10x_s + x_s^2 + y_s$ (2)

(1) · (-1): $-5 = -9 - 6x_s - x_s^2 - y_s$ (1a)

(2): $5 = 25 - 10x_s + x_s^2 + y_s$

(1a)+(2): $0 = 16 - 16x_s$

damit: $x_s = \underline{1}$ (3)

(3)in(1): $5 = (-3 - 1)^2 + y_s$

$$5 = 16 + y_s$$

damit: $y_s = \underline{\underline{-11}}$

und: $y = \underline{\underline{(x - 1)^2 - 11}}$

Variante 2 mit Ausnutzung der Symmetrie $y(P) = y(Q)$:

Geg: $P(-3|5)$, $Q(5|5)$, $y = (x - x_s)^2 + y_s$

Ges: $x_s = ?$, $y_s = ?$

Lösung:

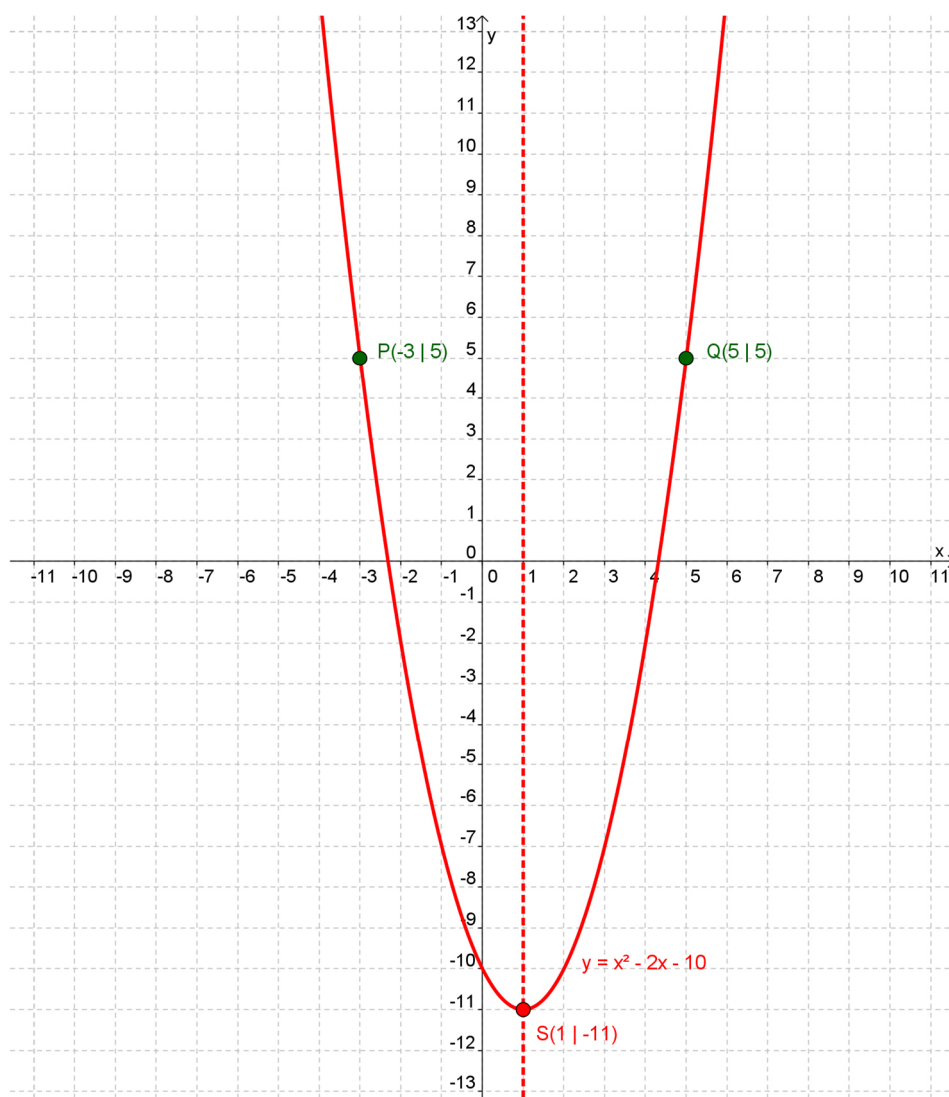
Sehr eleganter Lösungsweg, Prinzip muss aber zuerst erkannt werden.

x_s muss in der Mitte der x-Koordinate von P und Q liegen (wegen Symmetrie).

damit: $x_s = \frac{P_x + Q_x}{2} = \frac{-3 + 5}{2} = \underline{1}$

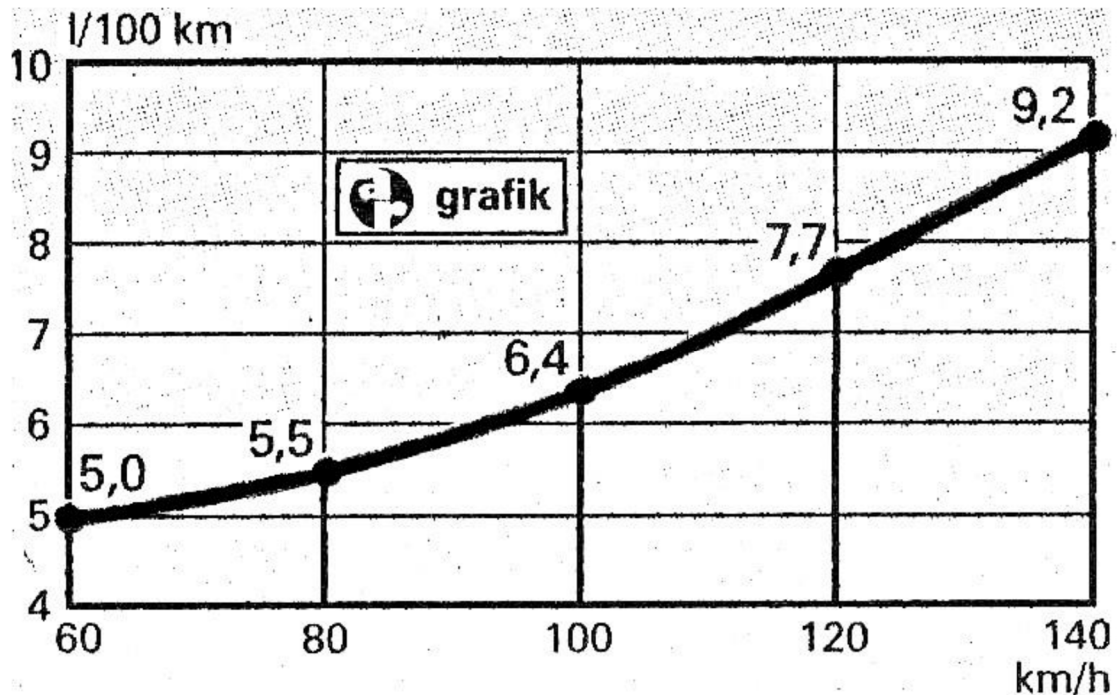
Q u. x_s einsetzen: $5 = [5 - 1]^2 + y_s$

somit: $y_s = 5 - 16 = \underline{\underline{-11}}$ und $y = \underline{\underline{(x - 1)^2 - 11}}$



15.3 Eine Parabel ist durch 3 Punkte bestimmt (A, B und C)

3. Gemäss einem Testbericht in der Automobil Revue zeigt der Personenwagen Nissan Primera die untenstehende Abhängigkeit des Benzinverbrauches y von der Geschwindigkeit x . Die fünf Messungen ergeben einen Graphen, der dem Ausschnitt aus einer Parabel ähnlich sieht. Verwenden Sie die Punkte $P_1(60;5)$, $P_2(100;6.4)$, $P_3(140;9.2)$ und bestimmen Sie die Funktionsgleichung $y = Ax^2 + Bx + C$ der Parabel, welche durch diese drei Punkte verläuft.



Hinweis: Das Gleichungssystem kann natürlich mit dem TI gelöst werden!

Geg: $P_1(60|5)$, $P_2(100|6.4)$, $P_3(140|9.2)$

Ges: $A = ?$, $B = ?$, $C = ?$

Lösung:

Ansatz: $y = Ax^2 + Bx + C$ (1)

die drei Punkte in die Gleichung (1) eingesetzt:

$$P_1 \left(\begin{array}{c|c} 60 & 5.0 \\ \hline x & y \end{array} \right): 5.0 = A \cdot 60^2 + B \cdot 60 + C \quad (2)$$

$$P_2 \left(\begin{array}{c|c} 100 & 6.4 \\ \hline x & y \end{array} \right): 6.4 = A \cdot 100^2 + B \cdot 100 + C \quad (3)$$

$$P_3 \left(\begin{array}{c|c} 140 & 9.2 \\ \hline x & y \end{array} \right): 9.2 = A \cdot 140^2 + B \cdot 140 + C \quad (4)$$

C ersetzen aus (2) und (3), durch Gleichsetzen $C = C$:

$$\underbrace{5.0 - 3'600A - 60B}_C = \underbrace{6.4 - 10'000A - 100B}_C$$

$$6'400A + 40B = 1.4 \quad (5)$$

C ersetzen aus (3) und (4), durch Gleichsetzen $C = C$:

$$\underbrace{6.4 - 10'000A - 100B}_C = \underbrace{9.2 - 19'600A - 140B}_C$$

$$9'600A + 40B = 2.8 \quad (6)$$

B ersetzen aus (5) und (6), durch Additionsverfahren:

$$(6): \quad 9'600A + 40B = 2.8$$

$$(5a): \quad \underline{-6'400A - 40B = -1.4} \quad (5) \text{ mit } -1 \text{ multipliziert}$$

$$3'200a = 1.4$$

$$A = \frac{1.4}{3'200} = \frac{7}{16'000} = \underline{0.0004375} \quad (7)$$

$$(7) \text{ in } (5): \quad 40B = 1.4 - 6'400A$$

$$B = \frac{1.4 - 6'400A}{40} = -\frac{7}{200} = \underline{-0.035} \quad (8)$$

$$(7 \text{ u. } 8) \text{ in } (2): \quad C = 5.0 - 3'600A - 60B = \frac{221}{40} = \underline{5.525}$$

$$\text{somit:} \quad y = \underline{0.0004375x^2 - 0.035x + 5.525}$$

Kontrolle: Einsetzen der drei Punkte in die berechnete Funktionsgleichung!

15.4 Schnittpunkte von Funktionen

4. Gegeben sind die Parabel $y = -x^2 + 4x + 5$ und die Gerade $y = 2x + 1$. Bestimmen Sie:
- den Scheitelpunkt S der Parabel.
 - die Schnittpunkte A und B der Parabel mit der Geraden.
 - den y-Achsenabschnitt b der Geraden $y = 2x + b$ so, dass die Gerade die Parabel berührt. Wie heißen die Koordinaten des Berührungspunktes C?
 - Zeichnen Sie die Graphen in das folgende Koordinatensystem ein.

Geg: $y_1 = -x^2 + 4x + 5$, $y_2 = 2x + 1$

Ges: $S = ?$, $A = ?$, $B = ?$, $y_3 = 2x + \mathbf{b}$, $C = ?$

Lösung:

- a) Berechnung Scheitelform:

$$y_1 = -(x^2 - 4x - 5) = -(x^2 - 4x + 2^2 - 2^2 - 5) = -[(x - 2)^2 - 9] = \underline{-(x - 2)^2 + 9}$$

somit: S(2|9)

- b) Schnittpunkte A und B $\rightarrow y_1(x) = y_2(x)$

$$-x^2 + 4x + 5 = 2x + 1$$

$$|-2x \quad |-1$$

$$-x^2 + 2x + 4 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-B \pm \sqrt{B^2 - 4AC}}{2A} = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \cdot (-1) \cdot 4}}{2 \cdot (-1)} = \frac{-2 \pm \sqrt{20}}{-2}$$

$$x_1 = \underline{-1.24} \text{ oder } x_2 = \underline{3.24}$$

$$y(x_1) = 2x_1 + 1 = \underline{-1.47} \text{ und } y(x_2) = 2x_2 + 1 = \underline{7.47}$$

somit: Punkt A(-1.24|-1.47) und Punkt B(3.24|7.47)

- c) Ansatz: $y_1(x) = y_3(x)$ und **Diskriminante = 0**

$$-x^2 + 4x + 5 = 2x + b \rightarrow -x^2 + 2x + 5 - b = 0$$

$$\sqrt{B^2 - 4AC} = 0 \rightarrow \sqrt{2^2 - 4 \cdot (-1) \cdot (5 - b)} = 0$$

$$\sqrt{2^2 + 4 \cdot (5 - b)} = \sqrt{2^2 + 20 - 4b} = \sqrt{24 - 4b} = 0$$

$$24 - 4b = 0 \rightarrow 4b = 24 \rightarrow b = \underline{6}$$

somit: Der y-Achsenabschnitt b muss 6 sein, $y_3(x) = 2x + 6$!

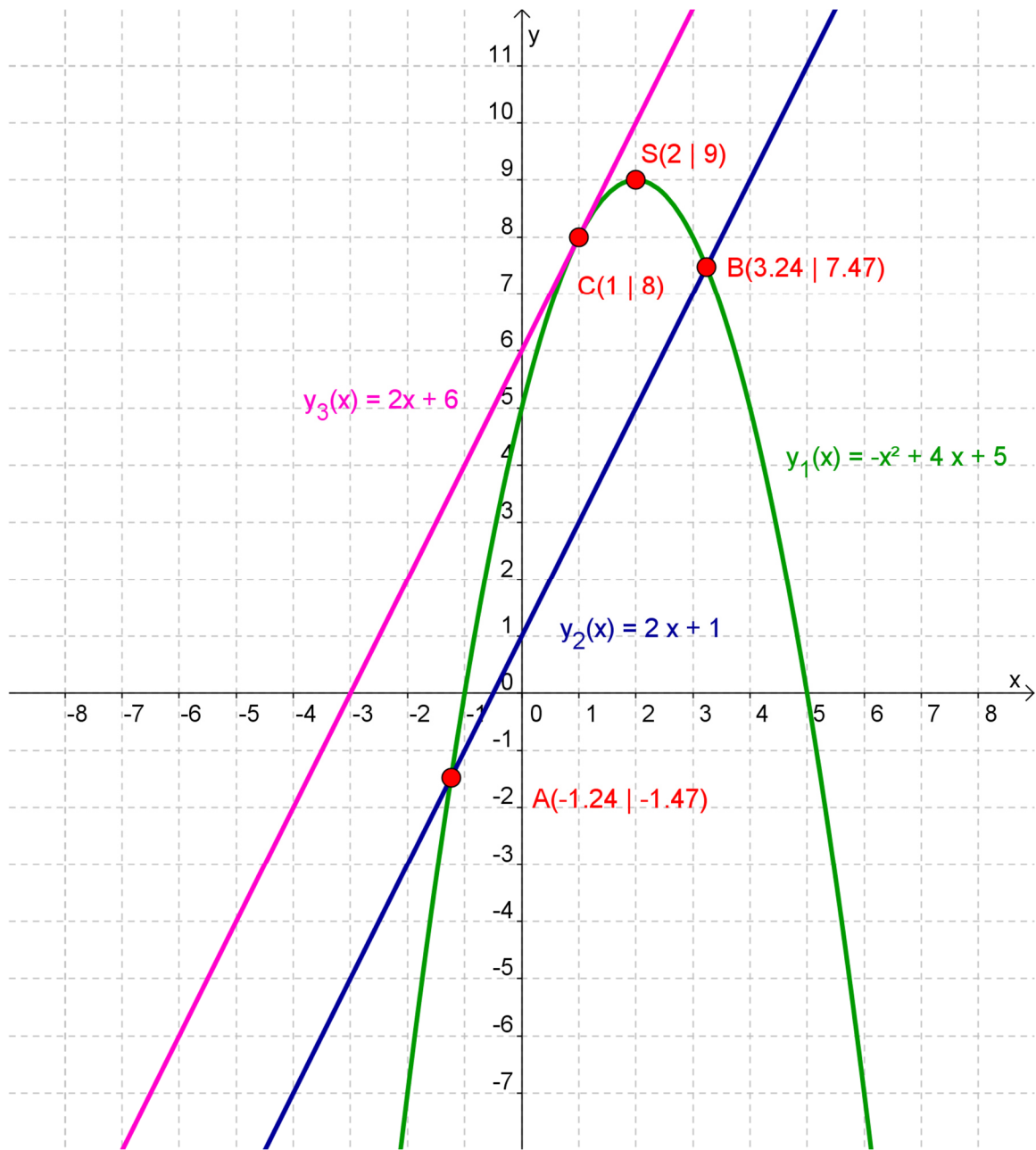
Ansatz für Berührungspunkt C: $y_1(x) = y_3(x)$ und **Diskriminante = 0**

$$-x^2 + 4x + 5 = 2x + 6 \rightarrow -x^2 + 2x - 1 = 0$$

$$x_1 = x_2 = \frac{-B \pm \sqrt{B^2 - 4AC}}{2A} = \frac{-2 \pm 0}{2A} = \frac{-2}{-2} = 1 \rightarrow y_3(1) = 2x + 6 = \underline{8}$$

somit: Der Berührungspunkt C hat die Koordinaten (1|8)

Koordinatensystem für Aufgabe 4:



5. Eine Parabel geht durch den Ursprung des Koordinatensystems. Der zweite Schnittpunkt der Parabel mit der x-Achse, sowie der Scheitelpunkt liegen auf der Geraden $y = -3x + 24$.
- Berechnen Sie die 2. Nullstelle und die Koordinaten des Scheitels der Parabel.
 - Wie heisst die Funktionsgleichung der Parabel?
 - Stellen Sie die Gerade und die Parabel graphisch dar (K-System auf nächster Seite).

Geg: $y_1 = -3x + 24$, $N_1 = (0|0)$, $S, N_2 \in y_1$

Ges: $N_2 = ?$, $S = ?$, $y_2 = A \cdot (x - x_s)^2 + y_s$

Lösung:

- a) Berechnung der zweiten Nullstelle:

$$y_1 = 0 = -3x + 24 \rightarrow 3x = 24 \rightarrow x = 8$$

somit: $N_2(8|0)$

Berechnung von S:

$$x_s = \frac{x_1 + x_2}{2} = \frac{8 + 0}{2} = 4 \rightarrow y_s = y_1(4) = -3 \cdot 4 + 24 = 12$$

somit: $S(4|12)$

- b) Berechnung von $y_2 = A \cdot (x - x_s)^2 + y_s \rightarrow S(4|12)$ und $N_2(8|0)$ einsetzen:

$$0 = A \cdot (8 - 4)^2 + 12 \rightarrow 0 = 16 \cdot A + 12 \rightarrow A = -\frac{12}{16} = -\frac{3}{4}$$

somit: $y_2 = -\frac{3}{4} \cdot (x - 4)^2 + 12 = -\frac{3}{4} \cdot (x^2 - 8x + 16) + 12$

$$y_2 = -\frac{3}{4}x^2 + 6x$$

- b) Bestimmung von Streckfaktor A (anschauliche Variante):

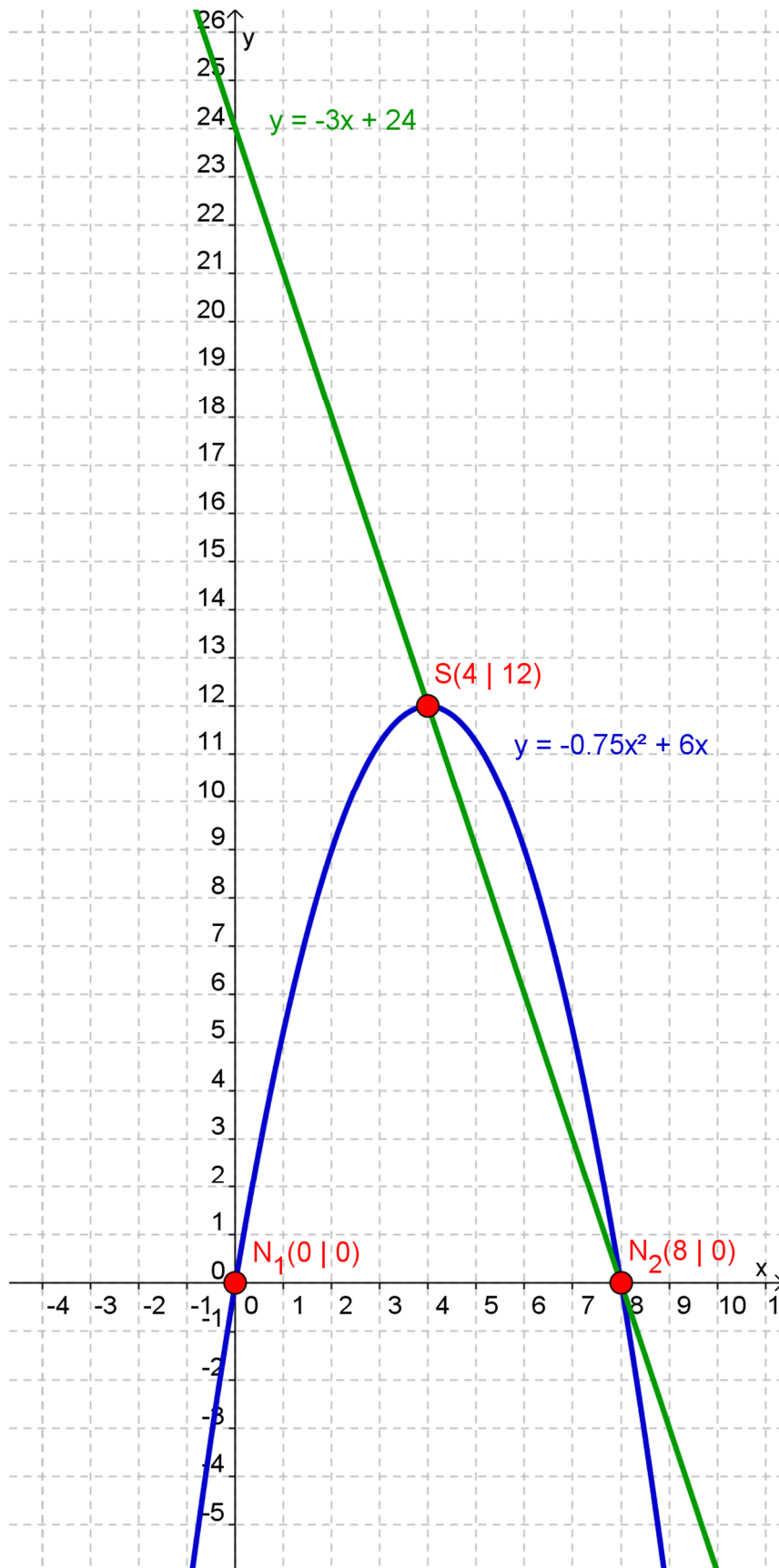
aus Graph ersichtlich: $\Delta x = -4$ und $\Delta y = -12$

damit: $\Delta y = A \cdot \Delta x^2 \rightarrow A = \frac{\Delta y}{\Delta x^2} = \frac{-12}{(-4)^2} = -\frac{3}{4}$

somit: $y_2 = -\frac{3}{4} \cdot (x - 4)^2 + 12 = -\frac{3}{4} \cdot (x^2 - 8x + 16) + 12$

$$y_2 = -\frac{3}{4}x^2 + 6x$$

Koordinatensystem für Aufgabe 5:



6. Die quadratische Funktion $y = Ax^2 + Bx + 3$ ($x, A, B \in \mathbf{R}$) besitzt den Scheitelpunkt $S(1; y_S)$ und es gilt $y(4) = -5$.
- Berechnen Sie A, B und y_S . Bestimmen Sie anschliessend die Nullstellen und skizzieren Sie den Graphen (K-System folgt auf den nächsten Seiten).
 - Wie lautet die Gleichung der Geraden, welche durch den Scheitelpunkt S und die grössere der beiden Nullstellen geht?

Geg: $y_1 = Ax^2 + Bx + 3$, $x_S = 1$, $P_1(4|-5)$, $P_2(0|3) \rightarrow C = 3$

Ges: $A = ?$, $B = ?$, $y_S = ?$, $N_1 = ?$, $N_2 = ?$, $y_2 = ?$

Lösung:

- a) $P_1(4|-5)$ und $P_2(0|3)$ und $x_S = 1$ in Scheitelform $y = A(x - x_S)^2 + y_S$ einsetzen:

$$-5 = A(4 - 1)^2 + y_S = 9A + y_S \quad (1)$$

$$3 = A(0 - 1)^2 + y_S = 1A + y_S \quad (2)$$

$$(1): \quad \underline{-5 = 9A + y_S} \quad (1)$$

$$(2) \cdot (-1): \quad \underline{-3 = -1A - y_S} \quad (2a)$$

$$(1) + (2a): \quad \underline{-8 = 8A} \quad \rightarrow \underline{A = -1} \quad (3)$$

$$(3) \text{ in } (2): \quad \underline{3 = -1 + y_S} \quad \rightarrow \underline{y_S = 4}$$

somit: $y = -1(x - 1)^2 + 4$

$$y = -1(x^2 - 2x + 1) + 4 = -x^2 + 2x - 1 + 4$$

$$y = \underline{\underline{-x^2 + 2x + 3}}$$

Nullstellen berechnen:

$$y = -\left(x^2 - 2x \underset{-3}{-3}\right) = \underline{\underline{-(x+1)(x-3)}}$$

somit: $\underline{\underline{N_1(-1|0)}} \vee \underline{\underline{N_2(3|0)}}$

- b) Berechnung von y_2 :

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{-4}{2} = \underline{\underline{-2}}$$

$$S(1|4) \text{ in } y_2 \text{ einsetzen: } b = 4 - (-2) \cdot 1 = \underline{\underline{6}}$$

somit: $y_2 = \underline{\underline{-2x + 6}}$

Variante über ABC-Form:

Geg: $y_1 = Ax^2 + Bx + 3$, $x_s = 1$, $P_1(4|-5)$, $P_2(0|3)$ → wegen Symmetrie zu x_s : $P_3(-2|-5)$

Ges: $A = ?$, $B = ?$, $y_s = ?$, $N_1 = ?$, $N_2 = ?$, $y_2 = ?$

Lösung:

a) Berechnung von A und B:

$$P_1(4|-5) \text{ eingesetzt: } -5 = 16 \cdot A + 4 \cdot B + 3 \quad (1)$$

$$P_3(-2|-5) \text{ eingesetzt: } -5 = 4 \cdot A - 2 \cdot B + 3 \quad (2)$$

$$\text{Gleichung(2)} \cdot 2: -10 = 8 \cdot A - 4 \cdot B + 6 \quad (2a)$$

$$(1) + (2a): -15 = 24A + 9$$

$$\text{damit: } A = \frac{-24}{24} = -1 \quad (3)$$

$$(3) \text{ in } (1): -5 = -16 + 4 \cdot B + 3$$

$$\text{damit: } B = \frac{-5 + 16 - 3}{4} = \frac{8}{4} = 2$$

$$\text{somit: } y_1 = \underline{\underline{-x^2 + 2x + 3}}$$

$$y_s \text{ berechnen: } y_s = y_1(x_s) = -1^2 + 2 \cdot 1 + 3 = 4$$

$$\text{somit: } \underline{\underline{S(1|4)}}$$

$$\text{Nullstellen berechnen: } y = -\left(x^2 - 2x \underset{-3}{-3}\right) = \underline{\underline{-(x+1)(x-3)}}$$

$$\text{somit: } \underline{\underline{N_1(-1|0)}} \quad \vee \quad \underline{\underline{N_2(3|0)}}$$

b) Berechnung von y_2 : $m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{-4}{2} = -2$

$$S(1|4) \text{ in } y_2 \text{ einsetzen: } b = 4 - (-2) \cdot 1 = 6$$

$$\text{somit: } y_2 = \underline{\underline{-2x + 6}}$$

Zweite Variante über die Scheitelform (kompliziert):

Lösung:

a) Scheitelform berechnen:

$$y_1 = Ax^2 + Bx + 3 \quad (0)$$

$$y_1 = A \left(x^2 + \frac{B}{A}x + \frac{3}{A} \right)$$

$$y_1 = A \cdot \left[x^2 + \frac{B}{A}x + \left(\frac{B}{2A} \right)^2 - \left(\frac{B}{2A} \right)^2 + \frac{3}{A} \right]$$

$$y_1 = A \cdot \left[\left(x + \frac{B}{2A} \right)^2 - \frac{B^2}{4A^2} + \frac{3}{A} \right] = A \cdot \left[\left(x + \frac{B}{2A} \right)^2 - \frac{B^2}{4A^2} + \frac{12A}{4A^2} \right]$$

$$y_1 = A \cdot \left[\left(x + \frac{B}{2A} \right)^2 + \frac{12A - B^2}{4A^2} \right] = A \cdot \left(x + \frac{B}{2A} \right)^2 + \frac{12A - B^2}{4A}$$

$-x_S$

damit: $\frac{B}{2A} = -1 \rightarrow B = -2A \quad (1)$

$P_1(4|-5)$ u. (1) in (0): $-5 = A \cdot 4^2 + (-2A) \cdot 4 + 3$
 $-5 = 16A - 8A + 3$
 $A = \frac{-5-3}{8} = -1 \quad (2)$

(2) in (1): $B = -2A = -2 \cdot (-1) = 2$

somit: $y_1 = \underline{\underline{-x^2 + 2x + 3}}$

Koordinatensystem für Aufgabe 6:

